

Spiekbriefjes bij Kwadratische verbanden

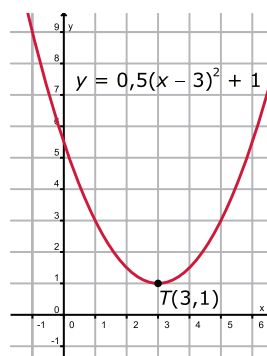
Kwadratische functies

Bij een **kwadratische functie** hoort een formule van de vorm $y = a \cdot (x - p)^2 + q$ met $a \neq 0$. De bijbehorende grafiek is een **parabool** met **top** (p, q) en **symmetrie-as** $x = p$.

- Bij $a > 0$ hoort een **dalparabool** met een laagste waarde, een **minimum** van q voor $x = p$.
- Bij $a < 0$ hoort een **bergparabool** met een hoogste waarde, een **maximum** van q voor $x = p$.

Een maximum of een minimum noem je een **uiterste waarde** (een **extreme waarde**).

Als je in een bijbehorende tabel de waarden van x met vaste stappen laat toenemen, dan kun je een kwadratisch verband herkennen aan de symmetrie in de tabel. Kenmerkend voor een kwadratisch verband is ook dat de verandering van de toenames (of de afnames) constant is.

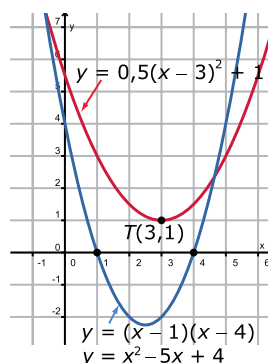


meer info

Nulpunten en top

Kwadratische functies kunnen verschillende vormen aannemen:

- $y = a \cdot (x - p)^2 + q$ waarin (p, q) de **top** van de parabool is en de nulpunten volgen uit het oplossen van $y = 0$.
- $y = a(x - m)(x - n)$ met **nulpunten** $(m, 0)$ en $(n, 0)$ en symmetrieas $x = \frac{m+n}{2}$.
- $y = ax^2 + bx + c$ waarbij je door $ax^2 + bx + c = c$ op te lossen twee punten (m, c) en (n, c) krijgt en de symmetrieas $x = \frac{m+n}{2}$ is.



meer info

De abc-formule

Elke vergelijking die je kunt schrijven in de vorm $ax^2 + bx + c = 0$ heet een **kwadratische vergelijking** of ook wel **tweedegraads vergelijking** (mits $a \neq 0$) omdat de hoogste macht van de onbekende x die voorkomt 2 is. (Een lineaire vergelijking noem je ook wel een eerstegraads vergelijking.)

De oplossing van de vergelijking $ax^2 + bx + c = 0$ met $a \neq 0$ is

$$x = \frac{-b + \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a} \vee x = \frac{-b - \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$$

Deze oplossing noem je de **abc-formule**.

Het is bij het oplossen van een kwadratische vergelijking handig om eerst de **discriminant** $D = b^2 - 4ac$ te berekenen.

- Als $D > 0$ heb je twee waarden in de oplossing.
- Als $D = 0$ heb je één waarde in de oplossing.
- Als $D < 0$ heb je geen reële waarden in de oplossing.



meer info



Handig oplossen

Een kwadratische (of tweedegraads) vergelijking kun je op meerdere manieren oplossen. De abc-formule lukt altijd als hij de vorm $ax^2 + bx + c = 0$ heeft (met $a \neq 0$). Maar vaak is de abc-formule niet nodig. Hier zie je welke keuzes je kunt maken.

- Komt de variabele maar op één plaats voor? Ga dan terugrekenen (o.a. wortel-trekken).
- Heeft de vergelijking de vorm $A \cdot B = 0$? Splitsen in $A = 0 \vee B = 0$.
- Komen er haakjes voor, maar kun je niet ontbinden? Werk eerst de haakjes weg.
- Kun je na op 0 herleiden alles door hetzelfde getal delen? Doe dit dan en maak de vergelijking eenvoudiger.
- Kun je nu ontbinden in factoren? Doe dit dan en lees de oplossing af.
- Kun je na dit alles niet ontbinden? Gebruik de abc-formule of splits een kwadraat af.



meer info

Zo kun je elke kwadratische vergelijking op zo handig mogelijk oplossen.