

Spiekbrieftjes bij Plaats en beweging

Coördinaten in 2D

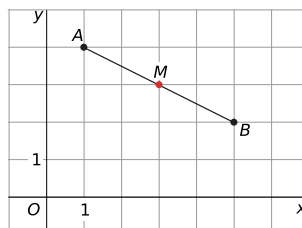
Een **cartesisch assenstelsel** is een assenstelsel waarvan de assen loodrecht op elkaar staan en dezelfde lineaire schaalverdeling hebben. In twee **dimensies**, dus in 2D, is het een Oxy -assenstelsel met een x -as en een y -as, in 3D komt daar nog een z -as bij.

In 2D is het **midden** van lijnstuk AB met $A(x_A, y_A)$ en B aan $B(x_B, y_B)$ gelijk aan $M\left(\frac{x_A+x_B}{2}, \frac{y_A+y_B}{2}\right)$.

De **lengte van lijnstuk** AB schrijf je als $|AB|$ en is:

$$|AB| = \sqrt{(x_A - x_B)^2 + (y_A - y_B)^2}.$$

In een 3D cartesisch coördinatenstelsel gelden vergelijkbare formules.



Een **vector** $\vec{v} = \begin{pmatrix} v_x \\ v_y \end{pmatrix}$ heeft lengte r en **richtings-**

hoek α . De kentallen zijn:

- de **x-component** $v_x = r \cos(\alpha)$;
- de **y-component** $v_y = r \sin(\alpha)$.

$$\text{En } r = |\vec{v}| = \sqrt{(v_x)^2 + (v_y)^2}.$$

Deze vector heeft O als **aangrijpingspunt**.

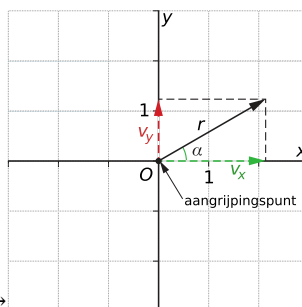
De vector met aangrijpingspunt A en eindpunt B is $\overrightarrow{AB}$.

Bij **scalaire vermenigvuldiging** wordt de vector met k vermenigvuldigd:

$$k \cdot \vec{v} = \begin{pmatrix} k \cdot v_x \\ k \cdot v_y \end{pmatrix}.$$

Als $k = -1$ krijg je $-\vec{v}$, het **tegengestelde** van $\vec{v}$.

$\vec{a}$ en $\vec{b}$ kun je **optellen** en **aftrekken** door dit met hun kentallen te doen.



Lijnen en snijpunten

De plaats een willekeurig punt A op een rechte lijn l afhankelijk van t beschrijf je met:

- de **plaatsvector** of **steunvector** $\vec{p}$ van O naar een vast punt van de lijn
- een **richtingsvector** $\vec{r}$ (bij $t = 1$) op l

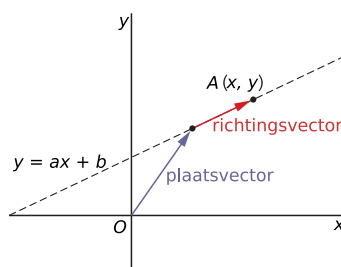
Neem lijn l door $B(-1,2)$ met $\vec{r} = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}$.

Naar elk punt $A(x,y)$ van l wijst vector $\begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \end{pmatrix} + t \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}$.

Dit is een **vectorvoorstelling** l . Voor elk punt op l is: $x = -1 + 2t$ en $y = 2 + t$.

De richtingsvector kun je vergroten of verkleinen tot $\begin{pmatrix} 1 \\ 0,5 \end{pmatrix}$.

Dus is de r.c. van de lijn 0,5 en de vergelijking $y = 0,5x + 2,5$. Dit kun je ook vinden door t weg te werken uit $x = -1 + 2t$ en $y = 2 + t$.



Hoeken en inproduct

Het **inproduct** of **inwendig product** van de

vectoren $\vec{a} = \begin{pmatrix} a_x \\ a_y \end{pmatrix}$ en $\vec{b} = \begin{pmatrix} b_x \\ b_y \end{pmatrix}$ is

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \cdot |\vec{b}| \cdot \cos(\varphi)$$

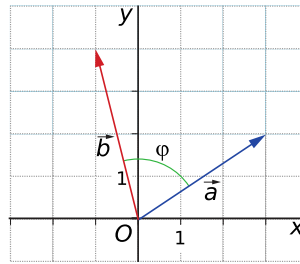
waarin φ de hoek tussen $\vec{a}$ en $\vec{b}$ is.

Er geldt: $\vec{a} \cdot \vec{b} = a_x \cdot b_x + a_y \cdot b_y$.

Dit gebruik je bij het berekenen van de hoek φ

tussen $\vec{a}$ en $\vec{b}$.

Belangrijk is nog dat van twee onderling loodrechte vectoren het inproduct altijd 0 is omdat de hoek tussen beide 90° is.



meer info

Bijzondere lijnen

In $\triangle ABC$ zijn drie **bijzondere lijnen** getekend:

- **zwaartelij** p door C naar het midden M van AB ;
- **hoogtelij** q door C loodrecht op AB ;
- **middelloodlij** r door het midden M en loodrecht op AB .

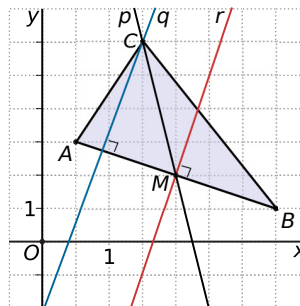
De richtingsvector van een loodlijn is de

normaalvector van de lijn waar hij loodrecht opstaat.

Van $\begin{pmatrix} a \\ b \end{pmatrix}$ is $\begin{pmatrix} b \\ -a \end{pmatrix}$ of $\begin{pmatrix} -b \\ a \end{pmatrix}$ (of een veelvoud ervan) een normaalvector. Dit gebruik je

bij het berekenen van de **afstand van een punt tot een lijn**.

Elke driehoek heeft drie zwaartelijnen die door het **zwaartepunt** en drie middelloodlijnen die door het **middelpunt van de omschreven cirkel** gaan.



meer info